

## **Análisis de un sistema de almacenamiento de energía térmica usando cloruro de magnesio hexahidratado**

## **Analysis of a system of storage heat thermal using magnesium chloride hexahydrate**

*Andrés Felipe Macía Gómez\**, *Jhon Camilo Parra Alvarez*, *Farid Chejne Janna*

Grupo de Termodinámica Aplicada y Energías Alternativas (TAYEA),  
Facultad de Minas universidad Nacional de Colombia- Sede Medellín,  
Cra. 80 N.º 65-223, Medellín, Colombia

(Recibido el 20 de febrero de 2009. Aceptado el 27 de Agosto de 2009)

### **Resumen**

Se simuló el comportamiento del cloruro de magnesio hexahidratado ( $MgCl_2 \cdot 6H_2O$ ) como almacenador de energía térmica, que posee una temperatura de transición de fase de  $117^\circ C$ ; lo que lo convierte en un material con gran potencial en el área de las aplicaciones de mediana temperatura (aplicaciones industriales). Se desarrolló una simulación CFD usando el software FLUENT para describir la fusión/solidificación de la sal hidratada. Se observó el efecto del uso de aletas y las fuerzas boyantes producidas por los efectos gravitacionales.

----- *Palabras clave:* Almacenamiento de energía, materiales con cambio de fase(PCM), Fluent, sales hidratadas

### **Abstract**

It was analyzed the behavior of hexahydrate magnesium chloride ( $MgCl_2 \cdot 6H_2O$ ) as a thermal energy storage, which has a phase transition temperature of  $117^\circ C$  and is becoming a material with great potential in the application of medium temperature (industrial applications). It was developed a simulation using the CFD software FLUENT to describe the melting / solidification of the hydrated salt. It was observed the effect of the use of fins and buoyant forces produced by gravitational effects.

----- *Keywords:* Storage Energy, phase change materials (PCM), Fluent, salts hydrates

---

\* Autor de correspondencia: Teléfono: + 57 + 4 + 425 5300, fax + 57 + 4 + 230 5351, correo electrónico: afmacia@unalmed.edu.co (A. Macía).

## Introducción

La importancia del uso racional de la energía y la protección del medio ambiente han incrementado el interés por la investigación en energías renovables y en la forma de almacenar energía de fuentes emisivas. El almacenamiento de la energía solar en forma de calor latente es una alternativa para el óptimo aprovechamiento de este recurso.

Estos sistemas usan materiales que cambian de fase conocidos como PCM (Phase Change Material). En los últimos años se ha realizado un gran número de estudios teóricos y experimentales para modelar el problema del cambio de fase, observar el desempeño térmico de las unidades de almacenamiento, investigar el potencial de nuevas geometrías y proponer unidades modulares para aplicaciones residenciales y comerciales [1].

Los materiales usados como Materiales con Cambio de Fase (PCM) para el almacenamiento de energía térmica en forma de calor latente deben tener las siguientes características: Alto valor del calor latente, alta conductividad térmica, una temperatura de fusión práctica de operación, ser químicamente estables, fundir congruentemente con mínimo subenfriamiento, de bajo costo, no tóxicas y no corrosivas [2]. Este tipo de materiales se clasifican en dos grupos: orgánicos e inorgánicos

Entre los materiales orgánicos se destacan las parafinas las cuales tiene un elevado calor de fusión por unidad de peso, no son tóxicas ni corrosivas, son químicamente estables e inertes por debajo de 500°C. Sus principales desventajas son: tienen una baja conductividad térmica y son inflamables. [3-5]. Entre los materiales inorgánicos se destacan las sales hidratadas y otros compuestos orgánicos. Varios autores [2] han sugerido el uso de agentes nucleantes y de crecimiento para aminorar estos problemas de segregación y subenfriamiento

Los PCM poseen bajas conductividades que dificultan la transferencia de calor y por lo tanto necesitan mejorarse mediante técnicas especiales; como el uso de aletas, de matrices de sostén que consiste en crear una matriz o estructura soporte de un material con alta conductividad térmica en

el cual se deposita el PCM; etc. [6-9]. La ventaja adicional del almacenamiento de calor latente es que el almacenamiento de la energía y la entrega ocurren normalmente sobre un intervalo de temperatura bastante estrecha (la zona de transición de la fase) [10].

El objetivo de este trabajo es analizar un sistema de almacenamiento de energía térmica mediante cambio de fase usando el  $MgCl_2 \cdot 6H_2O$  evaluando diferentes características como la influencia de las aletas y la temperatura de entrada del fluido de intercambio de calor (HTF) en la cantidad de material fundido, además se hace un análisis del modelo al considerar las fuerzas boyantes durante el proceso de fusión.

## Modelo matemático

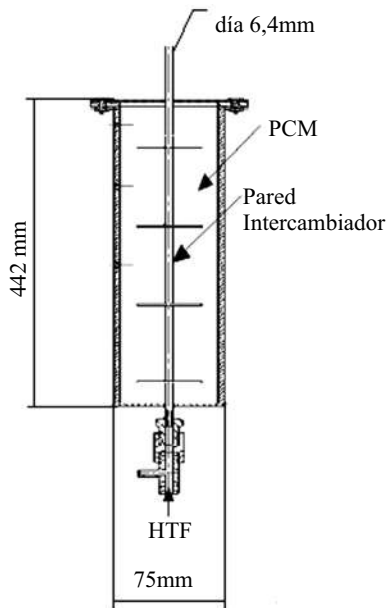
El modelo matemático bidimensional en estado no estacionario, fue solucionado con la herramienta numérica FLUENT versión 6.2, el cual aplica el método entalpía-porosidad y está constituido por balances de momentum y energía. Para el fluido de transferencia de calor se trabajó con aceite térmico bajo condiciones de flujo turbulento y se realizaron simulaciones en utilizando el modelo de turbulencia k-ε estándar.

Un esquema ilustrativo del sistema de almacenamiento de energía térmica analizado se presenta en la figura 1, el cual esta conformado por dos tubos concéntricos. Por el tubo interior circula el fluido de transferencia de calor (HTF, Heat Transfer Fluid) que para el caso propuesto fue aceite térmico, en flujo turbulento para lo que se usó el modelo de turbulencia k-ε. En el espacio anular entre los dos tubos se ubica el material con cambio de fase (PCM, Phase Change Material) que en este trabajo corresponde a  $MgCl_2 \cdot 6H_2O$ .

Durante el proceso de carga el fluido de transferencia de calor calienta al PCM hasta que el se funde totalmente almacenando la energía. Durante el proceso de descarga el PCM se solidifica y el calor almacenado es liberado al fluido frío.

El modelo matemático formulado utiliza el método de la entalpía-porosidad implementado

en el paquete comercial FLUENT® para modelar el proceso de solidificación/fusión. En este la interfase fundida no se obtiene de forma explícita. En cambio se considera una cantidad llamada fracción líquida, que indica la fracción de volumen en forma líquida que está asociado con cada celda del volumen de control. La fracción líquida es calculada en cada iteración, sobre el balance de entalpía [11].



**Figura 1.** Esquema del sistema de almacenamiento de energía

Para la formulación del modelo matemático se tuvieron en cuenta las siguientes suposiciones:

- El PCM es isotrópico y homogéneo.
- El fluido de transferencia de calor (HTF) se considera incompresible y newtoniano.
- La velocidad y temperatura de entrada del HTF son constantes.
- La temperatura inicial del sistema de almacenamiento de energía es uniforme y el PCM se encuentra en la fase sólida para el proceso de fusión.
- En el PCM, en el fluido de transferencia de calor y en las paredes del tubo las variaciones de temperatura en la dirección angular son asumidas despreciables.

- El problema se considera axisimétrico respecto al eje vertical.
- Las propiedades termofísica del fluido de transferencia de calor, las paredes del tubo y el PCM se consideran constantes.

### Balance de energía

El balance de energía para el material con cambio de fase (PCM) es:

$$\frac{\partial}{\partial t}(\rho H_{PCM}) + \nabla \cdot (\rho \vec{v} H_{PCM}) = \nabla \cdot (k \nabla T) \quad (1)$$

$k$  = Conductividad Térmica del PCM

$\rho$  = Densidad del PCM

$v$  = Velocidad del PCM

Para el balance de energía sobre el PCM,  $MgCl_2 \cdot 6H_2O$ , la entalpía se presenta en la ecuación (2) y es la contribución del calor sensible y el calor latente ( $L$ ).

$$H_{PCM} = \left( h_{ref} + \int_{T_{ref}}^T C_p dT \right) + \beta L \quad (2)$$

$h_{ref}$  = Entalpía de referencia

$T_{ref}$  = Temperatura de referencia

$C_p$  = Calor específico

$L$  = Calor latente de fusión

La fracción líquida ( $\beta$ ) se define como [11].

$$\beta = 0 \text{ si } T < T_{solidus};$$

$$\beta = 1 \text{ si } T > T_{liquidus};$$

$$\beta = \frac{T - T_{solidus}}{T_{liquidus} - T_{solidus}} \text{ si } T_{solidus} < T < T_{liquidus}$$

$$\Delta H = \beta L \quad (3)$$

El balance de energía para el aceite térmico es:

$$\frac{\partial}{\partial t} [\rho \bar{C}_p \Delta T] + \nabla \cdot [\rho \vec{v} \bar{C}_p \Delta T] = \nabla \cdot (k \nabla T) \quad ;$$

$$\bar{C}_p = \frac{1}{T_2 - T_1} \int_{T_1}^{T_2} C_p dT \quad (4)$$

**Balance de momentum para el  $MgCl_2 \cdot 6H_2O$**

$$\frac{\partial}{\partial t} (\rho \vec{v}) + \nabla \cdot (\rho \vec{v} \vec{v}) = -\nabla p + \nabla \cdot (\bar{\tau}) + \rho \vec{g} + S \quad ;$$

$$S = \frac{(1 - \beta)^2}{(\beta^3 + \epsilon)} A_{mush} \vec{v} \quad (5)$$

El método de entalpía-porosidad trata la interfase fundida como un medio poroso. En este caso la porosidad será igual a la fracción líquida  $\beta$ . Para la región sólida, la porosidad es igual a cero y las velocidades son nulas para esta región.  $A_{mush}$  corresponde a una constante que caracteriza esta región; puede tomar valores entre  $10^4$  y  $10^6$ ;  $\epsilon$  corresponde a un número muy pequeño (0,001) para evitar las divisiones por cero. Este término fuente al igual que los términos del gradiente de velocidad deben estar presentes ya que existe una velocidad relativa entre el material fundido y el sólido [11].

**Modelo de turbulencia para el aceite térmico**

Debido a las condiciones de flujo correspondientes a un Reynolds de 58.800 (Ver Tabla 1) se considera flujo turbulento y para representarlo se utilizará un modelo k- $\epsilon$ . semi-empírico con base en modelos de la ecuación de transporte de la energía cinética de turbulencia (k) y la rata de disipación ( $\epsilon$ ). [11], [12].

**Modelo multifase**

Debido a la geometría del sistema de almacenamiento que se va a modelar (Ver figura 1), es necesario considerar los dos fluidos (Aceite y PCM)

de forma simultánea. Se requiere un modelo que permita diferenciar cuál fluido cambia de fase y cuál es el fluido que solo está transfiriendo energía. [12]. En la ecuación (6) se presenta la fracción de volumen de la interfase y se obtiene a partir de la ecuación de continuidad para la fase q:

$$\frac{\partial}{\partial t} (\alpha_q \rho_q) + \nabla \cdot (\alpha_q \rho_q \vec{v}_q) = \sum_{p=1}^n (\dot{m}_{pq} - \dot{m}_{qp}) \quad (6)$$

Donde  $\dot{m}_{qp}$  es la transferencia de masa de la fase q a la fase p y  $\dot{m}_{pq}$  es la transferencia de masa de la fase p a la q, pero como en el modelo propuesto no hay transferencia de masa entre las fases o los fluidos, entonces el lado derecho de la ecuación será igual a cero.

**Condiciones de frontera**

Entrada del aceite  $X=0$ ;  $v = cte$   $v =$  velocidad del fluido.

Salida del aceite  $X=L$ ;  $P_s = P_{atm}$

$P_s$ : Presión a la salida del sistema de almacenamiento

$P_{atm}$ : Presión atmosférica

Entre el aceite y la pared del intercambiador

$$r = \frac{d}{2}; d = \text{diámetro del intercambiador.}$$

$$h_f (T_w - T_f) = k \frac{\partial T}{\partial y} \quad (7)$$

$h_f$  = Coeficiente local de transferencia de calor del aceite.

$T_w$  = Temperatura de Pared.

$T_f$  = Temperatura local del fluido.

$k$  = conductividad térmica de la pared

Entre la pared del intercambiador y PCM  $R = R_{pp}$

$$q = \frac{(T_w - T_f)}{\left( \frac{l}{k} + R_c (1 - \beta) \right)} \quad (8)$$

$l$ = distancia entre la pared y el centro de la celda cercana a la pared

$k$ = Conductividad térmica del PCM

$R_c$ = Resistencia térmica de contacto entre la pared y el PCM

$T$ = Temperatura en el centro de la celda

Paredes externas del PCM

$$\frac{\partial T}{\partial x} = \frac{\partial T}{\partial r} = 0 \quad (9)$$

**Ecuaciones constitutivas**

En el modelo se considera la variación de la densidad y la conductividad térmica con el cambio de fase del  $MgCl_2 \cdot 6H_2O$ , en las ecuaciones (10) y (11) se definen estas propiedades respectivamente.

$$\begin{aligned} \rho &= \rho_s \Leftrightarrow T \leq T_s \\ \rho &= \left(1 - \frac{T_l - T}{T_l - T_s}\right) \rho_l + \left(\frac{T_l - T}{T_l - T_s}\right) \rho_s \Leftrightarrow T_s < T < T_l \quad (10) \\ \rho &= \rho_l \Leftrightarrow T \geq T_l \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} k &= k_s \Leftrightarrow T \leq T_s \\ k &= \left(1 - \frac{T_l - T}{T_l - T_s}\right) k_l + \left(\frac{T_l - T}{T_l - T_s}\right) k_s \Leftrightarrow T_s < T < T_l \quad (11) \\ k &= k_l \Leftrightarrow T \geq T_l \end{aligned}$$

Donde:

$\rho$ = densidad del PCM

$\rho_s$ = 1569 kg/m<sup>3</sup> densidad del sólido del PCM

$\rho_l$ = 1450 kg/m<sup>3</sup> densidad en estado líquido del PCM

$k$  = conductividad térmica del PCM

$k_s$ = 0,694 W/mK conductividad del sólido del PCM

$k_l$ = 0,57 W/mK conductividad del líquido del PCM

$T_s$ = 382 K Temperatura de solidus

$T_l$ = 394 K Temperatura de liquidus

**Resultados**

En esta sección se presentan los resultados de simulación obtenidos para el proceso de fusión del  $MgCl_2 \cdot 6H_2O$ . En la tabla 1 se presentan los parámetros de la simulación que fueron seleccionados a partir de un trabajo experimental realizado con anterioridad y que permitiera la validación de los resultados obtenidos con el modelo [12].

**Tabla 1** Parámetros de simulación para la fusi

<b>Parámetro</b>	<b>Valor</b>	<b>Parámetro</b>	<b>Valor</b>
<b>Aceite</b>		<b>MgCl<sub>2</sub>*6H<sub>2</sub>O</b>	
Vel. Aceite (HTF)	4,1m/s	Calor de Fusión	168.600 J/kg
Temperatura Entrada Aceite	425 K	Temperatura Sólido	382 K
Temperatura Ambiente	300 K	Temperatura liquido	394 K
Longitud de Escala	4,4 E-4	Difusividad Térmica	2,45 E-7 (m <sup>2</sup> /s)
Viscosidad Cinemática	4,47E-6 (m <sup>2</sup> /s)	Coefficiente de Expansión Vol.	8,96 E-6 K <sup>-1</sup>
Viscosidad Dinámica	3,57E-4 (kg/ms)	Geometría Intercambiador	
K.aceite	0,1298 W/mK	Dia. Tubo aceite	6,4 mm
Cp <sub>aceite</sub>	2.189,7 J/kgK	Dia. Externo	75 mm
Reynolds	58.801	Longitud	442 mm
Densidad Aceite	800 kg/m <sup>3</sup>	Nº Aletas Intercambiador	4

### Comparación entre sistema con aletas y sin aletas

En la figura 2 se presentan las simulaciones realizadas al sistema de almacenamiento utilizando intercambiador liso y con aletas considerando las fuerzas gravitacionales, para observar su influencia sobre la fracción fundida ( $V_f/V_t$ ) definida como la relación entre el volumen en estado líquido ( $V_f$ ) y el volumen total ( $V_t$ ) de PCM. En esta figura se observa que para las condiciones de operación con la que se simuló el HTF (temperatura de 425K, y un flujo de  $1,28 \times 10^{-4} \text{ m}^3/\text{s}$ ), el intercambiador liso no logra transferir la energía necesaria para que el  $\text{MgCl}_2 \cdot 6\text{H}_2\text{O}$  cambie de fase, mientras que utilizando 4 aletas distribuidas longitudinalmente sobre el intercambiador de calor, se obtiene una fracción fundida del 95% luego de 45 minutos (2.620 s) de operación, mostrando la importancia de utilizar sistema aleteado para este tipo de PCM.

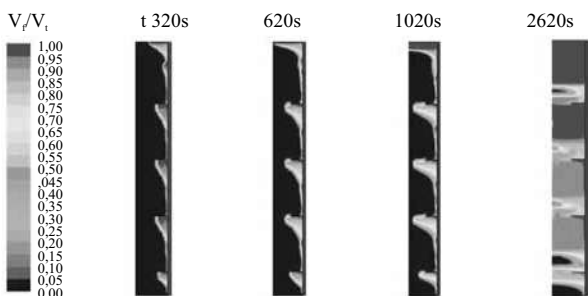


Figura 2a Fracción fundida para un intercambiador con aletas

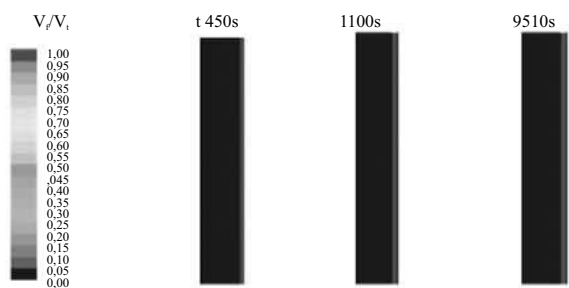


Figura 2b Fracción fundida para un intercambiador liso

### Influencia de la fuerza gravitacional

En la figura 3 se presenta la comparación de la fracción fundida del  $\text{MgCl}_2 \cdot 6\text{H}_2\text{O}$  cuando

se consideran (en el sentido de la flecha) y desprecian las fuerza gravitacional durante el proceso de fusión.

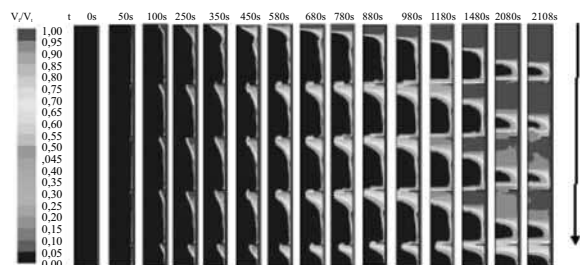


Figura 3a Fracción líquida  $T_{\text{aceite}} = 425\text{K}$  con  $g = 9,81\text{m/s}^2$

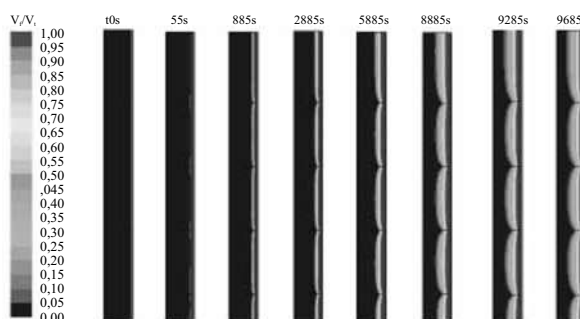


Figura 3b Fracción líquida  $T_{\text{aceite}} = 425\text{K}$  con  $g = 0 \text{ m/s}^2$

En la figura 3 se puede observar la importancia de tener presente los efectos de las fuerzas de flotación cuando se pretende modelar el fenómeno de fusión de un material en este tipo de sistemas de almacenamiento. Realizando una comparación cuantitativa, el efecto de las fuerzas de flotación genera una reducción de casi una décima parte del tiempo de fusión cuando no se desprecia la gravedad.

También se puede observar en la figura 3 que la transferencia de calor entre el intercambiador y el PCM toma casi el doble del tiempo cuando no se considera el efecto de la fuerza gravitacional, la principal causa por la que ocurre este fenómeno es debido a las fuerzas de flotación que se generan por la diferencia de densidad entre el estado sólido y líquido del  $\text{MgCl}_2 \cdot 6\text{H}_2\text{O}$ , causando que la transferencia de calor no sea solo por conducción al interior del sistema que ocurre cuando no se tiene presente la fuerza gravitacional, sino que también producen unos altos gradientes



de temperatura debido al material fundido que asciende en convección libre, transfiriendo una mayor cantidad de energía.

**Influencia de la temperatura del aceite**

En la figura 4 se presentan los perfiles de temperatura al interior del  $MgCl_2 \cdot 6H_2O$  para una posición radial constante de 2,6 cm respecto a la pared del intercambiador. Las simulaciones se realizaron para temperaturas de entrada del aceite de 425 y 400 K.

En la figura 4 se observa que la diferencia de 25 K entre la temperatura del aceite, causa un incremento de 10 K al interior del PCM y se mantiene constante durante el proceso de fusión, mostrando una influencia directa en el desempeño del sistema de almacenamiento.

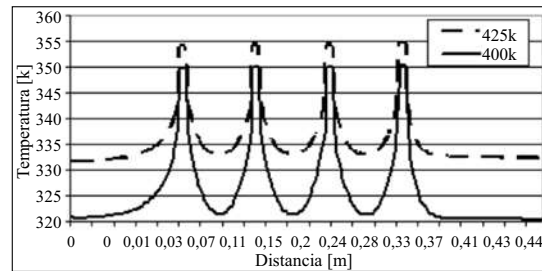
En las figuras 4a y 4b se observa que entre los 1.000 y 3.000 segundos de calentamiento en área cercana a las aletas se presentan gradientes de temperatura mayores a 20 K durante el calentamiento por calor sensible en todo el sistema, sin depender de la temperatura de entrada del aceite.

Como se ilustra en las figuras 4c y 4d entre los 6.000 y 8.000 segundos de calentamiento las temperaturas más bajas están en el área donde se encuentran las aletas, que es totalmente diferente de lo que ocurría durante los primeros segundos. La principal causa que genera este comportamiento es que ya hay presencia de material fundido generando un cambio en el mecanismo de transferencia de calor, ya que antes era solo por conducción pero luego de fundirse comienza la transferencia por convección. Además, por el cambio de fase hay una mayor energía.

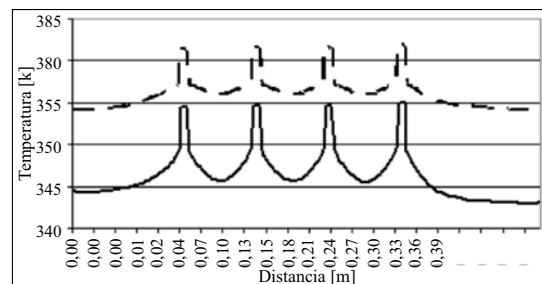
**Validación del modelo**

Para la validación del modelo se usaron los resultados experimentales obtenidos por Macia [12], y se realizaron dos tipos de simulaciones: En una simulación se consideró que la densidad y la conductividad térmica del PCM dependían de la temperatura y se definían según las ecuaciones (10) y (11). La otra simulación se consideró que las propiedades del PCM son constantes durante todo el proceso de calentamiento.

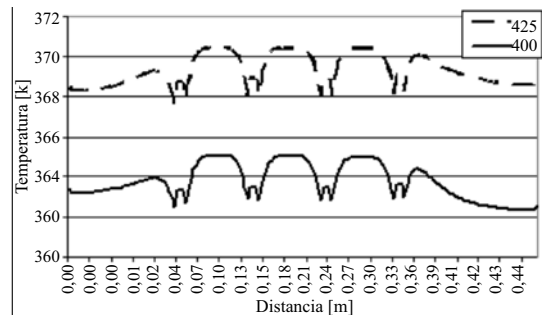
En la figura 5 se muestran los puntos de medición de temperatura durante las pruebas experimentales.



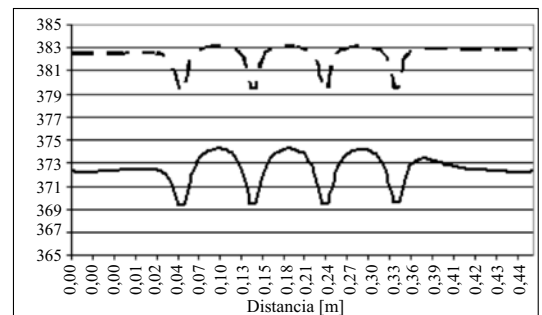
a. 1000



b. 3000

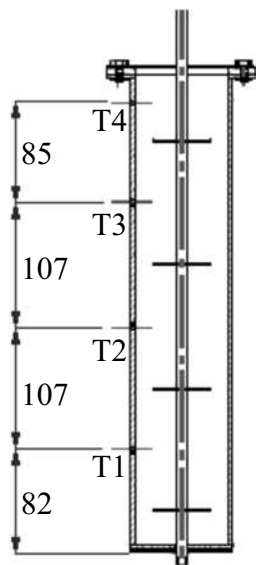


c. 6000



d. 8000

**Figura 4** Perfil de temperatura del  $MgCl_2 \cdot 6H_2O$  para dos temperaturas de entrada del aceite



**Figura 5** Puntos de medida de temperatura

En la figura 6 se presentan los resultados teóricos y experimentales en los cuatro puntos diferentes del intercambiador definidos anteriormente.

De los resultados exhibidos en la figura 6 se observa que a lo largo del intercambiador hay dos zonas que tienen un desempeño diferente durante el proceso de fusión. La región 1 que comprende los puntos de medición T1 y T2 se observa a partir de las simulaciones realizadas y los datos experimentales el principal mecanismo de transferencia de calor es por conducción y está de acuerdo con lo reportado [13]. El promedio de los errores relativos para las simulaciones con propiedades constantes es de 13,6 y 6,8% para T1 y T2, respectivamente; mientras que para las simulaciones con propiedades variables el promedio de los errores relativos es de 16,3 y 11,9% que demuestra la mejor aplicación de la simulación con propiedades constantes para la zona donde la transferencia de calor es por conducción. La región 2 que comprende los puntos de medición T3 y T4 se observa que a partir de las simulaciones realizadas y los datos experimentales la transferencia de calor ya es una combinación entre conducción y convección, y el promedio de los errores relativos para las simulaciones con propiedades constantes es de 13,7 y 8,3% para T3 y T4 respectivamente

mientras que para las simulaciones con propiedades variables el promedio de los errores relativos es de 7,3 y 9,4% que demuestra la mejor aplicación de la simulación con propiedades variables para esta zona.

En la figura 6 se observa además que en los 4 puntos de medición durante el inicio del proceso cuando el material se encuentra en estado sólido las simulaciones con propiedades constantes tienen una mayor velocidad de calentamiento que los resultados experimentales y las simulaciones con propiedades variables, el motivo por el que esto sucede es que para las simulaciones con propiedades constantes se consideraron las propiedades del PCM de la fase líquida y la densidad del PCM en estado líquido es un 10% menor respecto al estado sólido y por ende habrá una menor masa por calentar para el mismo volumen.

## Conclusiones

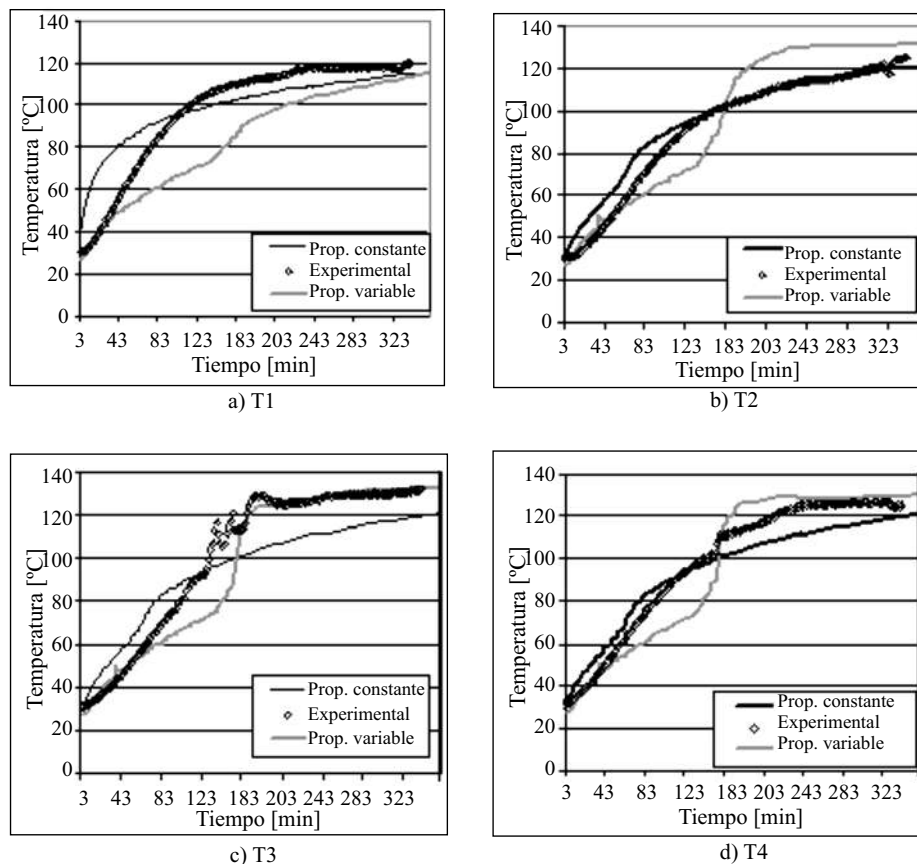
Se utilizó la plataforma de FLUENT 6.2 para simular de forma acoplada el fluido de transferencia de calor (HTF) y el  $MgCl_2 \cdot 6H_2O$ , que es una innovación ya que todos los modelos parten de una pared caliente y no tienen en cuenta las condiciones de flujo.

Para la simulación se utilizó un modelo de solidificación/fusión, un modelo multifases y un modelo de turbulencia permitiendo obtener resultados muy importantes, sobre el efecto de la fuerza gravitacional y los cambios de la densidad en la fusión del material.

Usando aletas en el intercambiador se logra fundir el 95% del PCM en 45 minutos, mientras que en el intercambiador liso al cabo de 2,5 horas no se ha obtenido ni un 5% de material fundido, demostrando la necesidad de usarlas para este tipo de aplicaciones.

Los errores relativos del modelo respecto a los resultados teóricos son menores al 17% que son unos resultados muy buenos, y demuestran la posibilidad de usar este modelo para el diseño y simulación de sistemas de almacenamiento de energía mediante cambio de fase.





**Figura 6** Validación del modelo teórico con resultados experimentales

### Agradecimientos

A la Dirección Nacional de Investigaciones de la Universidad Nacional de Colombia por el apoyo brindado al proyecto: “Almacenamiento de Energía Solar Térmica usando Cloruro de Magnesio Hexahidratado”.

### Referencias

1. K. A. R. Ismail, M. M. Gonçalves. “Thermal Performance of a PCM Storage Unit”, *Energy Conversion & Management*. Vol. 40. 1999. pp. 115-138.
2. M. M. Farid, A.M. Khudhair, S.A.K. Razack, S. Al-Hallaj. “A Review on Phase Change Energy Storage: Materials And Applications”. *Energy Conversion and Management*. Vol 45. 2004. pp. 1597–1615.
3. B. He, V. Martin, F. Setterwall. “Liquid–Solid Phase Equilibrium Study of Tetradecane And Hexadecane Binary Mixtures As Phase Change Materials (Pcms) For Comfort Cooling Storage”. *Fluid Phase Equilibria*. Vol. 212. 2003. pp. 97-109.
4. A. Sari, K. Kaygusuz. “Thermal Performance of Myristic Acid as A Phase Change Material for Energy Storage Application”. *Renewable Energy*. Vol. 24. 2001. pp. 303-317.
5. A. Sari, K. Kaygusuz. “Thermal Energy Storage System Using Stearic Acid As A Phase Change Material”. *Solar Energy*. Vol. 71. 2001. pp. 365-376.
6. F. Frusteri, V. Leonardi, G. Maggio. “Numerical Approach to Describe the Phase Change Of An Inorganic PCM Containing Carbon Fibres”. *Applied Thermal Engineering*. Vol. 26. 2006. pp. 1883-1892.
7. K. A. R Ismail, J. R. Henríquez, L. F. M Moura, M. M. Ganzarolli. “Ice Formation Around Isothermal Radial Finned Tubes”. *Energy Conversion & Management*. Vol. 41. 2000. pp. 585-605.
8. V. R. Voller. “Numerical Treatment of Rapidly Changing and Discontinuous Conductivities”. *Int. J. of Heat and Mass Transfer*. 2001. pp. 4453-4552.

9. J. Fukai, Y. Hamada, Y. Morozumi, O. Miyatake. "Effect of Carbon-Fiber Brushes on Conductive Heat Transfer in Phase Change Caterials". *Int. J. of Heat and Mass Transfer*. Vol. 45.2002. pp. 4781-4792.
10. S. M Hasnain. "Review on Sustainable Thermal Energy Storage, Part I: Heat Storage Materials and Techniques". *Energy Conversion Managers*. Vol. 39. 1998. pp. 1127-1138.
11. Fluent® 6.2 *User's Guide*. Graphics Version 6.2. Fluent Inc. 2005.
12. A. F. Macía. *Almacenamiento de Energía Solar Térmica Usando Cloruro de Magnesio Hexahidratado*. Tesis de Maestría. Universidad Nacional de Colombia. Medellín. 2007.
13. A. F. Regin, S. C. Solanki, J. S. Saini. "Latent heat thermal energy storage using cylindrical capsule: Numerical and experimental investigations" *Renewable Energy*. Vol. 31. 2006. pp. 2025–2041.